

Examenul național de bacalaureat 2025
Proba E. d)
INFORMATICĂ
Limbaajul Pascal

Varianta 1

Filiera teoretică, profil real, specializare științe ale naturii

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de trei ore.
- Identificatorii utilizați în rezolvări trebuie să respecte precizările din enunț (bold), iar în lipsa unor precizări explicite, notațiile trebuie să corespundă cu semnificațiile asociate acestora (eventual în formă prescurtată). Datele de intrare se consideră corecte, validarea lor nefiind necesară.

SUBIECTUL I (20 de puncte)

Pentru fiecare dintre itemii de la 1 la 5, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect. Fiecare răspuns corect se notează cu 4 puncte.

- Indicați expresia Pascal cu aceeași valoare ca a expresiei alăturate. 2025 mod 2019+6
a. 2025 div 2020+5 b. 2025 div 2021+8 c. 2025 mod 2020+5 d. 2025 mod 2021+8
- Pentru a verifica dacă în tabloul unidimensional (1, 4, 6, 8, 9, 11, 15, 18, 21, 25, 30) există elementul cu valoarea **x**, se aplică metoda căutării binare. Indicați trei dintre valorile pe care le poate avea **x**, astfel încât căutarea să se încheie după ce **x** a fost comparat cu cel mult două elemente ale tabloului.
a. 1, 4, 30 b. 1, 25, 30 c. 4, 11, 25 d. 6, 11, 21
- Indicați valoarea expresiei Pascal alăturate. trunc(sqrt(25)-sqrt(20))
a. -1 b. 0 c. 1 d. 5
- Variabilele **x** și **y** sunt de tip întreg și memorează numere naturale nenule, reprezentând prețurile a două calculatoare. Indicați o instrucțiune care poate înlocui punctele de suspensie astfel încât, în urma executării secvenței Pascal obținute, să se interschimbe valorile inițiale ale variabilelor **x** și **y**.
a. **x:=y-x;** b. **y:=x+y;** c. **y:=x-y;** d. **y:=y-x;**
x:=x+y;
.....
x:=x-y;
- În secvența alăturată, toate variabilele sunt întregi. Indicați expresia care poate înlocui punctele de suspensie astfel încât, în urma executării secvenței obținute, variabila **p** să memoreze valoarea produsului 3!·5! (unde s-a notat cu **x!**, pentru **x** ∈ {3, 5}, factorialul lui **x**, calculat ca produs al tuturor numerelor naturale nenule, distincte, mai mici sau egale cu **x**).
a. **f*(i-1)*i** b. **f*i*(i+1)** c. **f*i** d. **(i-2)*(i-1)*i**
p:=1; f:=1;
for i:=3 to 6 do
 if i mod 2=1 then
 begin f:=.....;
 p:=p*f
 end;

SUBIECTUL al II-lea (40 de puncte)

- Algoritmul alăturat este reprezentat în pseudocod.
a. Scrieți ce se afișează în urma executării algoritmului dacă se citesc, în această ordine, numerele 7 și 17. (6p.)
b. Dacă pentru variabila **n** se citește valoarea 25, scrieți două numere distincte care pot fi citite pentru variabila **m**, astfel încât, în urma executării algoritmului, pentru fiecare dintre acestea, să se afișeze valoarea 25. (6p.)
c. Scrieți programul Pascal corespunzător algoritmului dat. (10p.)
d. Scrieți în pseudocod un algoritm echivalent cu cel dat, înlocuind structura **cât timp...execută** cu o structură repetitivă cu test final. (6p.)
- ```
citește m,n
(numerale naturale nenule, m≤n)
nr←0; i←m
repetă
 x←1
 cât timp x*x<i execută
 x←x+1
 dacă x*x=i atunci nr←i
 altfel i←i+1
până când i>n sau nr≠0
scrie nr
```

2. Tablourile unidimensionale  $A = (20, 15, 10, 9, 7, 4)$  și  $B = (21, 12, 8, 6, 5)$  sunt interclasate în ordine crescătoare, fiind parcurse de la dreapta la stânga. Scrieți mulțimea tuturor valorilor din  $B$  care, pe parcursul aplicării metodei de interclasare, se compară cu valoarea 7 din  $A$ . (6p.)
3. Variabila  $p$  memorează prețul unei prăjituri (număr natural din intervalul  $[5, 50]$ ), iar variabila  $c$  memorează litera  $L$ , dacă prăjitura are cremă de ciocolată cu lapte, litera  $V$  dacă are cremă de vanilie și litera  $N$  dacă nu are cremă. Declarați variabila  $c$  și scrieți o secvență de instrucțiuni Pascal în urma executării căreia să se afișeze, pe prima linie a ecranului, cuvântul **crema**, urmat de cuvântul **DA**, dacă prăjitura are cremă, sau de cuvântul **NU**, în caz contrar, iar pe a doua linie a ecranului cuvântul **pret**, urmat de prețul prăjiturii. Primul cuvânt de pe fiecare linie este urmat de un spațiu, ca în exemplu.  
**Exemplu:** dacă variabila  $c$  memorează litera  $V$ , iar variabila  $p$  memorează 10, se afișează pe ecran:  
**crema DA**  
**pret 10** (6p.)

**SUBIECTUL al III-lea**

**(30 de puncte)**

1. Numărul natural  $an$  este **ascendent** al numărului natural  $n$  dacă oricare dintre cifrele lui  $an$  este mai mare sau egală cu cifra unităților lui  $n$ .  
**Exemplu:** oricare dintre numerele 7, 9, 98 sau 7998 este ascendent al lui 827, dar numărul 857 nu este ascendent al lui 827.  
Se citesc trei numere naturale din intervalul  $[0, 10^3]$ ,  $n$ ,  $x$  și  $y$  ( $x < y$ ), și se cere să se scrie suma ascendenților lui  $n$  din intervalul  $[x, y]$ . Scrieți, în pseudocod, algoritmul de rezolvare a problemei enunțate.  
**Exemplu:** dacă  $n=827$ ,  $x=9$ ,  $y=800$ , se scrie 7893 ( $9+77+78+79+87+88+89+97+98+99+777+778+779+787+788+789+797+798+799=7893$ ). (10p.)
2. Un **șir semioglindit** se obține dintr-un șir de  $2 \cdot k$  ( $k \in [1, 10^2]$ ) termeni, prin interschimbarea în acesta a secvenței formate din primii  $k$  termeni cu secvența formată din ultimii  $k$  termeni.  
Scrieți un program Pascal care citește de la tastatură un număr natural  $n$  ( $n \in [2, 10^2]$ ) și un șir de  $n$  numere naturale din intervalul  $[1, 10^6]$ , elemente ale unui tablou unidimensional, apoi modifică tabloul în memorie, dacă are un număr par de elemente, prin înlocuirea șirului memorat cu șirul semioglindit obținut din el. Programul afișează pe ecran elementele tabloului obținut, separate prin câte un spațiu, sau mesajul **nu exista**, dacă șirul are număr impar de termeni.  
**Exemplu:** pentru  $n=6$  și tabloul (2, 3, 4, 4, 5, 1) se obține tabloul (4, 5, 1, 2, 3, 4). (10p.)
3. Un tânăr pasionat de călătorii are o listă cu muzee virtuale și, pentru fiecare, câte un singur interval orar, în care acesta poate fi vizitat online, gratuit. Tânărul dispune zilnic de același interval orar pentru vizite; un muzeu este **convenabil** dacă poate fi vizitat online gratuit în timpul disponibil și dacă pentru vizită îi poate aloca cel puțin o oră.  
Fișierul text **bac.in** conține cel mult  $10^5$  linii, iar pe fiecare linie câte o pereche de numere, reprezentând limitele câte unui interval orar: pe prima linie intervalul orar de care tânărul dispune zilnic, iar pe fiecare dintre următoarele linii, intervalul orar de vizitare gratuită pentru câte un muzeu, în ordinea din listă. Limitele intervalelor sunt ore fixe, numere naturale din intervalul  $[8, 22]$ , iar cele aflate pe aceeași linie a fișierului sunt în ordine strict crescătoare și sunt separate printr-un spațiu.  
Se cere să se afișeze pe ecran numărul de muzee convenabile. Utilizați un algoritm eficient din punctul de vedere al timpului de executare și al memoriei utilizate.  
**Exemplu:** dacă fișierul conține valorile alăturate, atunci pe ecran se afișează numărul 3.  
(pot fi vizitate trei muzee, respectiv primul, al doilea și al patrulea, în intervalele 16–18, 17–19, respectiv 18–19).
- |    |    |
|----|----|
| 16 | 19 |
| 15 | 18 |
| 17 | 21 |
| 19 | 21 |
| 18 | 20 |
| 12 | 13 |
- a. Descrieți în limbaj natural algoritmul proiectat, justificând eficiența acestuia. (2p.)  
b. Scrieți programul Pascal corespunzător algoritmului proiectat. (8p.)

**Examenul național de bacalaureat 2025**

**Proba E. d)  
Informatică**

**BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE  
(comun pentru limbajele C/C++ și Pascal)**

**Varianta 1**

*Filieră teoretică, profil real, specializare științe ale naturii*

- Se punctează orice modalitate de rezolvare corectă a cerințelor.
- Nu se acordă punctaje intermediare, altele decât cele precizate explicit în barem. Nu se acordă fracțiuni de punct.
- Se acordă zece puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la zece a punctajului total acordat pentru lucrare.
- Utilizarea unui tip de date care depășește domeniul de valori precizat în enunț (de exemplu tipuri întregi cu semn pentru memorarea numerelor naturale, dimensiune a tablourilor) este acceptată din punctul de vedere al corectitudinii programului, dacă acest lucru nu afectează funcționarea sa.

**SUBIECTUL I (20 de puncte)**

|                |       |
|----------------|-------|
| 1d 2d 3b 4c 5a | 5x4p. |
|----------------|-------|

**SUBIECTUL al II - lea (40 de puncte)**

|    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |                                                              |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |
|----|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1. | <b>a. Răspuns corect: 9</b>                                                                                                                                                                                                                                                                     | <b>6p.</b>                                                   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |
|    | <b>b. Pentru răspuns corect</b>                                                                                                                                                                                                                                                                 | <b>6p.</b>                                                   | Se acordă câte 3p. pentru fiecare dintre cele două numere conform cerinței (oricare două numere naturale din intervalul [17, 25]).                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |
|    | <b>c. Pentru program corect</b><br>-declaraire a variabilelor<br>-citire a datelor<br>-afișare a datelor<br>-instrucțiune de decizie<br>-instrucțiuni repetitive (*)<br>-atribuiri<br>-corectitudine globală a programului <sup>1)</sup>                                                        | <b>10p.</b><br>1p.<br>1p.<br>1p.<br>2p.<br>3p.<br>1p.<br>1p. | (*) Se acordă numai 2p. dacă doar una dintre instrucțiunile repetitive este conform cerinței.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
|    | <b>d. Pentru algoritm pseudocod corect</b><br>-utilizare a unei structuri repetitive cu test final, înlocuind-o pe cea indicată (*)<br>-aspecte specifice ale secvenței obținute prin înlocuire, conform cerinței (**)<br>-algoritm complet, corectitudine globală a algoritmului <sup>1)</sup> | <b>6p.</b><br>2p.<br>3p.<br>1p.                              | (*) Se acordă punctajul chiar dacă algoritmul obținut nu este echivalent cu cel dat.<br>2p. Se punctează orice formă de structură repetitivă explicită, conform cerinței (repetă...până când, execută... până când, execută...cât timp, do...while etc.).<br>1p. (**) Se acordă numai 2p. dacă doar un aspect (echivalență a algoritmului pentru cazul inițial $x \geq i$ , expresie logică pentru test final) este conform cerinței. |
| 2. | <b>Răspuns corect:</b><br>5, 6, 8                                                                                                                                                                                                                                                               | <b>6p.</b>                                                   | Se acordă numai 2p. dacă doar o valoare este conform cerinței, numai 4p. dacă doar două valori sunt conform cerinței și numai 5p. dacă, în plus față de cele trei valori conform cerinței, s-a precizat încă o valoare.                                                                                                                                                                                                               |
| 3. | <b>Răspuns corect</b><br>-declaraire a variabilei conform cerinței<br>-afișare a datelor în formatul cerut (*)<br>-corectitudine globală a secvenței <sup>1)</sup>                                                                                                                              | <b>6p.</b><br>1p.<br>4p.<br>1p.                              | (*) Se acordă câte 1p. pentru fiecare aspect (utilizare a constantelor de tip char pentru identificare a unei prăjituri cu/fără cremă, corespondență cuvinte-valori afișate, spații, linii separate) conform cerinței.                                                                                                                                                                                                                |

**SUBIECTUL al III - lea (30 de puncte)**

|    |                                                                                                                                                                                                                                                                      |                                         |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
|----|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1. | <b>Pentru algoritm corect</b><br>-citire a datelor, conform cerinței<br>-determinare a valorii cerute (**)<br>-scriere a datelor, conform cerinței<br>-scriere principial corectă a structurilor de control, corectitudine globală a algoritmului <sup>1)</sup> (**) | <b>10p.</b><br>1p.<br>6p.<br>1p.<br>2p. | (*) Se acordă câte 1p. pentru fiecare aspect (identificare a cifrei unităților unui număr, identificare a unei cifre mai mici/mai mari sau egale cu o altă cifră, algoritm de bază pentru verificarea unei proprietăți, cifre suport verificate pentru determinarea unui ascendent, algoritm de bază pentru determinarea sumei unei serii de valori, numere ascendent suport însumate) conform cerinței.<br>(**) Se punctează orice formă explicită de structură repetitivă sau decizională. |
|----|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |
|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <p><b>2. Pentru program corect</b><br/>-declarare a unei variabile care să memoreze un tablou unidimensional, conform cerinței<br/>-citire a datelor, conform cerinței<br/>-transformare a tabloului conform cerinței (*)<br/>-afișare a datelor, conform cerinței<br/>-declarare a variabilelor simple, corectitudine globală a programului<sup>1)</sup></p>                                                                                                                             | <p><b>10p.</b> (*) Se acordă câte 1p. pentru fiecare aspect specific (identificare a unui tablou cu număr par de elemente, realizare a unei interschimbări/mutări a unor elemente, valori suport obținute în prima jumătate a șirului, valori suport obținute în a doua jumătate a șirului, transformare în memorie, tratare a cazului nu exista) conform cerinței.<br/>1p.<br/>1p.<br/>6p.<br/>1p.<br/>1p.</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |
| <p><b>3. a. Pentru răspuns corect</b><br/>-descriere coerentă a algoritmului (*)<br/>-justificare a elementelor de eficiență, conform cerinței<br/><b>b. Pentru program corect</b><br/>-operații cu fișiere: declarare, pregătire în vederea citirii, citire din fișier, conform cerinței<br/>-determinare a valorii cerute (*),(**)<br/>-utilizare a unui algoritm eficient (***)<br/>-declarare a variabilelor, afișare a datelor, corectitudine globală a programului<sup>1)</sup></p> | <p><b>2p.</b> (*) Se acordă punctajul chiar dacă algoritmul ales nu este eficient.<br/>1p.<br/>(**) Se acordă numai 3p. dacă algoritmul parcurge pașii necesari rezolvării, dar cu detalii care conduc la o rezolvare parțială.<br/>1p.<br/><b>8p.</b> (***) Se acordă punctajul numai pentru un algoritm liniar, care utilizează eficient memoria.<br/>1p. O soluție posibilă citește prima pereche din fișier (h1, h2), apoi, pe măsura citirii celorlalte perechi, se calculează intersecția [v1,v2] dintre intervalul [h1,h2] și intervalul de timp determinat de perechea curentă [crt1,crt2], unde <math>v1=\max(h1,crt1)</math> și <math>v2=\min(h2,crt2)</math>; dacă intersecția permite cel puțin o oră de vizită (<math>v1 &lt; v2</math>) se incrementează contorul cerut (nrVizitate).<br/>5p.<br/>1p.<br/>1p.</p> |

<sup>1)</sup> Corectitudinea globală vizează structura, sintaxa, alte aspecte neprecizate în barem.